

Se si suppone

oppure

$$f(*) = x^{2n} - 2a^n x^n \cos b - a^2$$

dove θ è una quantità positiva e ϕ un arco reale, si hanno due specie di equazioni in cui tutte le radici, come è notissimo, hanno per modulo comune il valore di a e per argomenti una o due serie di archi in progressione aritmetica. Dunque i punti-radici sono allogati in una circonferenza di raggio a col centro nell'origine, e propriamente : nel primo caso, sono n punti che dividono la circonferenza in n parti eguali, incominciando dal punto in cui essa è segata dall'asse $O\theta$, ovvero da quel punto che dista

dal precedente per un arco uguale a ϕ , secondo che si considera l'equazione $x^n - a^n = 0$

o la $x^n - a^n e^{i\theta} = 0$; nel secondo caso, sono $2n$ punti distribuiti in due serie di n , cia-

scuna delle quali divide la circonferenza in n parti eguali incominciando, l'una serie

dall'estremo dell'arco ϕ , l'altra serie dall'estremo dell'arco $\phi + \frac{\pi}{n}$; quindi, applicando a

questi due casi la seconda delle due proposizioni stabilite precedentemente, si hanno immediatamente i teoremi di COTES e di MOIVRE.

Bologna, 15 aprile 1863.